土壤のコンシステンシの測定方法

東大農 安 富 六 郎

L~=ンシステンシ とは土壌の変形過程における力学的抵抗の大きさを示す概念と考えられる。コンシステンシの測定方法は多くあり、統一されていない。測定方法の異なるこれらの相互の比較はむづかしい。しかし同一方法で測定すれば性質がある程度わかるので各技術分野で都合のよい測定がなされている。

土壌はある応力以下では主として弾性を示すが、外力が大きくなると流動する。との限界点 は降伏点と呼ばれ, 塑性を示す一つの量と考えられる。土壤工学関係ではアッターベルグ試験 法¹⁾による液性限界LL,塑性限界PL測定法がよく用いられる。この試験方法は粘土の加工 性についての経験的な産物であり、基本的には降伏値を求めていると考えられるが、用いる工 学分野で内容の検討が必要であろう。Atterberg(1911) は粘土加工面から塑性を5段 階に分けた。²⁾すなわち充分乾燥した土壤粉末に少量の水を加えてねると,パサパサの状態 から粒子が相互に付着して凝集状態を呈するように固まる。これより水分が多い所では凝集が 始まるとみなし, この水分点を含水比で示し, ①凝集限界(Cohesion limit)とした。 さらに水を加えてねるとかたさは水分増加で次第に減じ細い棒状(直径 5 mm)に伸ばすことが できるようになる。この水分点を②Rolling limitとして土の力学的性質の変化点の目 安とした。水分がさらに増加すれば、土は次第に粘着性をもち、金属へらにべとつくように なる。この試料をナイフで切り、エツジに土がつかない水分点を③粘着限界(adhesion limit)とした。さらに水が増加すると、ドロドロになるが、多少の振動を与えても流れに くく, 溝壁が接しても合流して一体とならない。このような状態を④流動の下限界とした。さ らに水分増加で形が保つことができず小さな外力でも流動するようになる点を⑤流動の上限界 とした。②と④の水分範囲は塑性を示す領域と考えられ、領域が拡がれば加工性は増加する。 粘土加工の面から③近くの水分で塑性を比較する場合もある。また有機質が多いほど③の水分 は増大し塑性は減少する、など力学的性質の変化点から土の性質を知ることができる。3) Atterbergは以上のことから④と②の含水比の差をもつてコンシステンシを表わす塑性指 数なるものを考え,この値が工学的に重要であることを示した。(表1)

農業土木の分野でも土のコンシステンシがわかれば有効な施工ができる場合が少なくない。 例えば心土を風乾したときの塑性指数の変化から土の工学的性質の変化をある程度知ることが できる。⁴⁾しかしこのようなコンシステンシの測定法では変形に対して時間の概念が明確でなく また経験的な手法にたよるものが多く,かたさの正しいとらえかたができない。トラフイカビ リティ,締固め,排水路くつさく,土の切り盛りなどには土の力学的性質を目的にあつた形で とらえることが必要であろう。つぎに述べる測定方法は変形によつて生ずる流動の速さからコ ンシステンシを求めようとしたもので,土の物理的または工学的性質の表示として有効のよう に思われる。

	表 1	アツ	ターベ	ルグ限	界と	かたさ
--	-----	----	-----	-----	----	-----

水分大 ←

水分小

(泥ねい状)やわらかい	· (↓ · _ 迎	<u>粘質状</u> 性領) 域 →		(固体 かた	 次) い	かたさ
流動下限界 (液性限界 (5)	流 粘 流動 着 上 限 界 3		道 性 別 夏	Rolling limit @	凝集限界①		アッターベルク 限界
	×			0	〇 負	固 相	充
	C)		0	⊖ ×	液相	· 课建 形性
1	ナ	~		×	0 0	 気 相	式)

Ⅲ 測定 には原理的に静的方法と動的方法とがある。前者は毛管形、回転円筒形、平行平板形、貫入形などの粘度計があり、後者には振動形の粘度計があげられよう。これらについてはそれぞれ測定上の特徴があり、利用範囲が異なる。流動の形式は水分状態により著しく異な

るのでそれぞれの水分に対応した測定適合領域から、今まで実

験した2,3の基本的な測定方法を述べる(表3)。

1 回転円筒粘度計

図1に示すような円筒の間に試料を入れ,外筒に定速回転を 与えるときにBのねじれ角をよむ。この装置はマクミケル粘度 計とよばれ,次のような原理による。内筒は外筒の定速回転 (角速度Ωe rad/sec)によつて試料を通じてトルクを受け る。トルクは内筒をつるしている針金の復元モーメントMとつ りあう。内筒面に作用する剪断応力p,剪断速度[※]∇は内筒の 受ける回転角φから求める。

$$M = k\phi , p = M/2R_i^2 \pi \mu$$

$$V = 2\Omega_e / 1 - (R_i / R_e)^2$$
(1)

$$- 1 0 -$$



外筒を一定の角速度で回転させるときの内筒の回転角から試料の粘性 η は次のように求められる

針金のねじり常数ミは既知の慣性能率Iにおもりをつり下げ、自由回転振動の周期Tより求める。

 $T = 2\pi\sqrt{1/k} \qquad (3)$

土壤ベーストの流動では応力Pと剪断速度 V で与えられる直線は原点を通らない。このとき η はみかけの粘性を示し、剪断速度 V で変化する。この直線が P 軸を切る点から降伏値 θ を求 めることができる。このとき挙動の状態方程式は $P - \theta = \eta V$ である。

実際の測定では粘質土壤20~30町を100町の水で分散させて懸濁液を作る。この試料 ※ 試料内部における回転角速度をωf とすれば接線速度 vは

$$v = \tau \omega_f$$

速度勾配は $\frac{\mathrm{d} v}{\mathrm{d} \tau} = \tau \frac{\mathrm{d} \omega_f}{\mathrm{d} \tau} + \Omega$

上式の第2項は単なる回転運動で剪断を生じないから真の速度勾配は

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}r} = r \frac{\mathrm{d}\omega_f}{\mathrm{d}r} = V$$

また一方,内筒面に作用するトルクはd7 だけ離れた面に作用するトルクに等しいから

$$\eta. \forall . 2\pi r. \ell r. = \eta(\forall + d\forall) 2\pi(r + dr)\ell(r + dr)$$

$$\underline{a\forall} = -\frac{2dr}{r}$$

これをといて 御 = $\frac{C_1}{r_2}$ + c_0 (c_0 , c_1 は常数) $r = R_0 \mathcal{O}$ とき $\omega_f = \Omega_0$ $r = R_i \mathcal{O}$ とき $\omega_f = \Omega_i = 0$ $\Omega_0 = \frac{C_1}{r_0^2}$ + c_0 } } エ り c_0 , c_1 を求めると $\Omega_i = \frac{C_1}{R_i^2}$ + $c_0 = 0$ $\omega_f = \frac{-\Omega_0}{(\frac{1}{R_i^2} - \frac{1}{R_0^2})} \circ \frac{1}{r^2} + \frac{\frac{\Omega_0}{R_i^2}}{(\frac{1}{R_i^2} - \frac{1}{R_0^2})}$ $r \frac{d\omega}{dr} = \frac{2}{r^2} \frac{\Omega_0}{(1/R_i^2 - 1/R_0^2)}$

-- 1 +-

を24時間静置後,上ずみ液を除き,または遠心分離機で水を適当に調整する。調整された試 料約20ccを粘度計の外筒(半径2cm)に入れる。試料中に内筒(半径1cm)を4cmの深さま でうめる。外筒を低速回転(0.1-1回/Sec)させ,そのときの内筒のねじれをよむ。このね じれは測定の時間で変化するので,時間依存性がなくなつた安定値を求める。外筒の回転速度 を変え,同様な方法で安定値を求める。外筒の角速度と内筒のねじりモーメントからコンシス テンシ変数 P, Vが求められる。マクミケル回転粘度計のねじり角度はマクミケル度量で 360° を300等分したもので示されている。機械常数 ※を考りよすれば,次式のようである。

_**(**表2)

$$P = KM
-
V = 22.6n
 γ :回転数/Sec
$$K: 針金の常数(長さ27 cm)
-
3 ········ (4)$$$$

表2

T.₩ 直径 mm	0.704	0.394	0.273	0.165		
K	6 0	4.6	1. 1 9	0.185	270mm	

※,離合社製ASTM(D115,132型) NO 8.

以上からPを横軸, Vを縦軸にとれば図2のようなグラフが得られる。 このようなコンシステ



図 2 コンシステンシ曲線

Reiner はコンシステンシ曲線と呼び, 外力と流動の抵抗との関係を示す一般的な 方法とした。⁵⁾土壌ペーストの濃度をか えて同様な曲線を求めると降伏値の変化を 促えることができる。濃度が低いとき,例 えば水のような希薄懸濁液では原点を通る 直線であるが,濃度が高いと直線は曲線に 移行する(非ニュートン的)。さらに濃度 が高いと外力が一定値以下では流動せず原 点を通らない直線となる。これはビンガム 流動と呼ばれ,原点を通るものとはとくに 区別する。土壌ペーストの濃度が高すぎる と内筒と試料との間にすべりを生じ,測定 が不可能になる。すべりが発生すると,

ンシ変数を用いて表わした曲線を M.

-12-

P, V曲線に折れ線がみられる。回転粘度計での測定濃度上限界はほゞ液性限界付近の場合が 多い。濃度が低いと測定中に土壌粗粒子が沈降し、測定が困難となるので、沈降体積濃度より も濃いものが測定上有利である。剪断速度が大きいとねじり角をよむことがむづかしくなる。 このとき最大,最小のフレの平均をとる。これらの測定から土壌ペーストの流動形式,外力によ り軟化するか、硬化するか、また濃度と降伏値との関係はどうか、などがわかる。

2. 振動粘度計 試料に小応力を加えたとき流動または小変位が生ずる。振動粘度計は周期的な強制振動を試料に加え,振巾,位相の変化から粘性と剛性を同時に測定できる。⁶⁾ 装置(大起理化製)を図3に示す。この針金T.W.の上端に強制振動を加える。

表	3
5	

コンシステンシと水分。

PF	
指標	↑ ↓ ↓
の土 状水 態系	降伏前は固体的,降伏後は 弾 性 体 液体的粘弾性、体
団粒構造	毛管水膨潤水
カベ状構造	膨潤水
測	←
定	振動粘度計(エ)振動粘度計(Щ)→
域	←

 $(H) = (H)_{0} \sin \omega_{ft} \quad \dots \qquad (5)$

粘弾性体が振動的外力を受けると次のような運動方程式が成立する。

I: 内筒の慣性能率, K: 針金のねじり常数, θ : ねじり角

-- 1 3 --



図3 振動粘度計

ここで K θ は 試料の 弾性力, R θ は 粘性力で ある。このときの 運動方程式から,内筒の振 巾 A と 位相の おくれ ϕ を実測すれば R, K が 求められる。※

 $R = k T \sin \phi \neq 2 \pi p \dots (7)$

$$\mathbb{K} = k \left(\frac{\cos \phi}{p} - 1 \right) + \frac{4\pi^2}{T^2} \mathbf{I} \quad \dots \dots \quad (8)$$

但して周期, p=A/田。

R, Kはそれぞれ粘弾性体の抵抗係数と弾性 係数で試料の粘性係数 η および剛性率 G に形 状因子を乗じたものである。

$$R = 4\pi. \ \ell. \ \eta/(1/\gamma_i^2 - 1/\gamma_{\theta}^2)$$
$$K = 4\pi. \ \ell. \ \theta/(1/\gamma_i^2 - 1/\gamma_{\theta}^2)$$
(9)

但しむ: 内筒の試料にはいる深さ。

(8)武で周期が大きいと第二項は無視できる。

試料の調整は回転粘度計の場合に準ずる。土壌ベーストが液性限界の硬さ以下であれば,試 料を約2000内。外筒(τ_i 2 cm, τ_0 3 cm)に入れ,低周期で測定をはじめる。T = 30 see 9 sec, 1 soc の順に周期をかえて測定する。濃度が低い(水分が多い)とき得られるリサ ージュはほゞ橢円になる。リサージュを得る装置は図3のようである。光源Sから発した光は スリットでしぼられ, T.W.の下端につけられた反射鏡Miで反射し,Miで強制振動の原振動 と直交合成されて乾板に写される。強制振動の振巾印。を変えてリサージュを描く。得られた リサージュは一般には縦横方向のスケールが異なるが同じにとれば(7)式のpは1になる。また 原振動と応答の振動とからSIDグを求める。



 $SIR\phi = \frac{4 \odot}{\pi \Box}$ (10) 但しつはリサージュで得られる橢円の面積, 口は橢円に外接する短形の面積(図4) これから $\cos\phi$ も求められる。周期とねじれ常 数を前式(7), (8)に代入すれば R, Kが求められる。

$$P = \frac{k(\textcircled{P} - \theta)}{2\pi \mathcal{J} \eta^2} \qquad (11)$$
$$\Theta = \frac{2 \eta^2 \theta}{(\eta^2 - \eta^2)} \qquad (12)$$

応力, 歪曲線で∮Pde は単位体積当りの散逸エネルギを示し, エネルギ蓄積の内容をしらべるととができる。

以上のような計算から土壌の剛性率,粘性率を求めるとき,リサージュの形が強制振動の振 巾によつて変らないことが前提となる。図形が橢円より著しく離れるとき振巾を小にしてなめ らかな橢円が描けるようにする。濃度が低いとき 0.1 rad の振巾でほゞ橢円とみなされる。 しかし濃度が高くなると内・外筒で試料にすべりが生ずるから振動粘度計の測定可能濃度は, こういうやり方では液性限界の濃度までであろう。



LLに近い水分状態では試料をそのまま金属冠へおしとめばよいが、PLに近いもの、またはそれ以上の硬さのものではアラルダイトなどの接着剤でおさえることも考えられる。試料をおさえるには均一な力で締めつけるようなネジの工夫も必要である。一般のねじり棒の力学に従えば形状因子はπ1/2ℓであるから次のようにかける。

 $R = \frac{\pi \gamma^4}{2\ell} \cdot \eta \quad K = \frac{\pi \gamma^4}{2\ell} \cdot G \quad \dots \quad (13)$

図5 やじりによる粘準性測定

これよりη, βが求められる。このような方法から微少変形に

※ (6)武 を $\ddot{\theta}$ + 2 $\alpha \dot{\theta}$ + $n_e^2 \theta$ = LSIN $\omega_f t$ とかきかえる。 但し 2 α = R/I , n_e^2 = (k + K)/I , L = $k \oplus_0 / I$ これより

$$\theta = \frac{\text{L}\sin\left(\omega_{f}t - \phi\right)}{\sqrt{n_{e}^{2} - \omega^{2} + 4a^{2}\omega^{2}}} = \text{A}\sin\left(\omega_{t} - \phi\right)$$

tan $\phi = \frac{2a\omega_{f}}{n_{e}^{2} - \omega_{f}^{2}}$

-1 5-

おける粘弾性の性質がわかる。⁷⁾振動周期を変えて剛性率がどのように変化するかを知れば (図 6)遅延スペクトルが求められる。



図 6 剛性率,粘性率の振動率への依存性

3. 貫入試験 ペネトロメータ,載荷板試験によるコンシステンシの求めかたは試料が 粘性体だと仮定すれば原理的には理解できる。しかし土壌は一般に複雑な流動をするので厳密 な解析は困難である。

ペネトロメータ:図7に示すような円柱を円筒内の土壌ペーストに力Fで貫入させる場合を 考えてみる。試料が次のような挙動をすると仮定すれば

$$\mathbb{P}^n = \eta \cdot \mathbb{V} \qquad (14)$$

但しnは常数

円筒と円柱間で作用する剪断力Pは,貫入体の半径7に比して貫入ルが十分大きく末端効果を 無視しうるときには

$$\mathbb{P} = \frac{\mathbb{F}}{2\pi \not{l} \cdot 7} \qquad (15)$$

また沈下速度 v は流体力学の法則から

以上から

ここで $v = d \ell / d t$, 初期条件 時間 t = 0, $\ell = 0$ とすれば(初期には末端の影響が大きい), (14), (15) 式から(17) 式は次のようになる



$$\frac{\ell^{2}}{n+1} = \frac{Ft}{2\pi(n-1)\eta^{*}} \left\{ 1 - \left(\frac{r_{i}}{r_{\theta}}\right)^{n-1} \right\} (18)$$
但し $\eta^{*} = \mathbb{P}/\mathbb{V}$ とし、測定の過程で一定
とする。
さらに(18) 式は
 $\mathbb{V} = \frac{(n-1)\ell}{(n-1)tr_{i} \left\{ 1 - (r_{i}/r_{\theta})^{n-1} \right\}} (19)$

図 7 ペネトロメーター

となる。すなわち非ニユートン的粘性体の場合のコンシステンシは剪断応力 Pと剪断速度 V で 表わしうる。ニユートン流ではn→1となる⁸⁾ 貫入で土壌が側壁の拘束を受けない場合に は側方流動も同時に生ずるので実際には複雑である。しかし壁効果の影響を正しくとらえれば このような解析も有効であろう。

載荷板試験:土壤が粘弾性体であると仮定して次のような方法も考えられる。 充分広く,か つ一定深さ(7cm)をもつ泥ねい状土壤の表面に円柱状(直径3cm)のおもりを置いてその沈 下の時間的変化をカセトメータで測る。この方法で土のかたさをある程度知ることができる。 沈下深さ(mm),時間(min)で各荷重Fについての沈下曲線を求める。一般に土壤では初期沈 下(t=o)がみられ,時間とともに沈下深さが増大し,ある程度でとまる。荷重を除けば復 元する。復元は瞬間的のものと,時間とともに徐々におこるものとから成り立つ。荷重が小さ く降伏値以下であればほご完全に復元する。荷重が大きくなると、永久変形がおこる。くりか えし荷重では初期沈下(initial set)は初回のみ生じ、以後は無視できる。復元量を、 図8のBCとすれば荷重10min後における沈下量は荷重下に対しては図9-1のようになる。?)

沈下量



図 9-1 土壤のかたさ(八郎潟~ドロ)10mm後の沈下量

この折点 θ が土の弾性限界を示するのと考えられ降伏値に対応する。剪断応力と剪断速度との 関係でコンシステンシを表わするのとすれば、この場合、円柱の荷重体側面に働らく剪断速度 は沈下が定常状態になつたとき示す沈下速度に比例する。この定常沈下速度をそれぞれの荷重 Fに対して示すと図9-2が得られる。降伏値以下の荷重では定常沈下速度は0になる。この図



は一種のコンシステンシ曲線を示し,土 の挙動を比較する目安となる。載荷板試 験による沈下曲線は荷重を大きくすれば かたい土壤にも適用できる。ここでの例 は八郎潟の干陸直後のヘドロを用いたも のであり,自然含水比222%で,降伏 値は約20~30*%*/cm²であることがわ かる。かくはん直後に測定すれば24時 間放置したものとくらべコンシステンシ 曲線が変わり,降伏値は小さくなる。

Ⅲ_ 各測定方法の比較 以上の測定で得られる物理量の相互関連を多くの試験 データから次のように考察した。

1 回転粘度計によつて得られるコンシステンシ曲線から土壌ベーストの含水量と降伏値との関係が求められる。 10

 $\theta = A e^{(\phi - \phi_0)} \qquad (20)$

但しぬは沈定体積における濃度(容積分率)、Aは常数、 θ 降伏値、 ϕ 容積分率。いま図10 @に示されるようにバネG。とビストン η とまさつ θ を示す要素を組合せた模型を想定してみ



図 10 各測定における模型

る。この模型で応力が降伏値以下であれ ばまさつは働かず挙動の模型は単純な粘 弾性体(フォークト体)として考えてよ い。降伏値以上の濃度(& <) では粘 性抵抗が優勢となり,流れる。降伏値は 低濃度(&>)では0に等しい。 回転粘度計の測定で得られる値は応力が

降伏値をとえた場合の粘性率 p_{2} と降伏値 θ であり,弾性率 q_{0} ,粘性率 n_{1} は計算

- 19--

できない。この測定はペースト状土壌の降伏値と流動性をとらえるためによく, また土壌のク リーブをしらべるのに有効である。

2 振動粘度計による測定は上記の力学的模型図 1 0 - @ で応力が降伏値をとえない場合に 相当する。すなわちバネとピストンを並列に結んだ模型(フォークト体)を考えている。 ここで得られる G^{*}とηは測定の振動周期で変化する。

3 貫入試験で求められる挙動の解析では①応力を変形速度の指数函数として表わし, コン システンシ曲線を求め総括的に取扱うものと,②外力が降伏値以下の場合の挙動と降伏値以上 の場合の挙動とをわけて解析する方法があることを示した。

載荷板試験の場合は②にあたり土壌の力学的模型を図10-⑥のように考えると理解に都合 がよい。降伏値以下の応力($P < \theta$)では (θ, η_2) 要素はないと同じで模型はバーガス体と なる。歪は土壌容器の深さに対する沈下量の比で示される。 $P > \theta$ では (θ, η_2) 要素が働き 土壌は流動する。模型の各常数は沈下曲線から解析される。載荷板試験で求められる常数は静 的なものであり、降伏前に求められる G。の値は振動粘度計で求められる G。に近い。 降伏値 θ もまた L L ~ P L の領域で回転粘度計で求められる θ に近い。

図11は北関東ローム(宇都宮大学清原農場,深さ100cm)についての実験結果である。 これをみると $\theta < G$ であり、また $\log \theta$ はpFとほご一致することがいえる。アッターベルク試験によるコンシステンシを力学的模型で考えることは困難であるが、コンシステンシの諸指標を降伏値の対数またd pFで表示すれば¹¹⁾表3のようになる。

このように土のコンシステンシは粘着力や連結度などを考えなくても表わすことができる。 測定方法は測定の目的にそつていなければならないし,またスケールの問題もあるので,測定 内容を知ることが必要である。原地土と実験室での土の異なりも考りよされればならない。チ クソトロビをどのような形で取扱うかも今後の問題である。しかし,上述のような測定方法か ら土壌の物理的性質を見てゆくと幾分でも土壌の工学的性質が明らかになるであろう。

以上は東大,山崎研究室および山形大,須藤研究室でなされた測定方法の要約である。これは 山崎教授をはじめとする土道研究グループの諸氏からの協力と指導によつた。ここに深謝する。

- 20-



図 11 剛 性 率, pF,降伏 値の 関係

- 27-

参 考 文 献

1) 例えば土質試験法解説 土質工学会編 47頁(1960)

2) Atterberg Die Plastizität der Tone

Int. Mitt. für Bodenkunde 1, 10-43(1911)

3)素木洋一 セラミック外論 窯業協会,(1962)

4) 須藤清次・安富六郎 関東ロームの工学的性質(1) 農土研別冊(7)

98—104(1963)

5) Reiner, M. Deformation and Flow. Lewis, London(1949

6) Nakagawa, T. and Seno, M. Rheological Properties of Some Polymerized Oils. Bull. Chem. Soc.

Japan, 29, 4, 471-479(1955)

7) 須藤清次・安富六郎 振動粘度計による土壌の性質 農土研投稿中

8) 阪上信次 レオロジー測定法講座 第4回 高分子学会(1963)

9) 須藤清次,東山勇 関東ローム研究会で討論(1964)

10) 安富六郎. 須藤清次 土壌ペーストの流動([]) 農土研別冊(3)

 $40 \sim 45$, (1962)

11) 安富六郎・竹中肇 工学的にみた pF 値と降伏値・農土研投稿中

-22-